Radicales. Polinomios 3° ESO

## Examen de Matemáticas - 3º de ESO

Instrucciones: en todos y cada uno de los ejercicios es obligatorio hacer un desarrollo o procedimiento, por breve que sea, que lleve a la solución.

Realiza las siguientes operaciones con radicales, simplificando y extrayendo factores del resultado, si es posible: (1 punto; 0,5 puntos por apartado)

a) 
$$\sqrt{x} \sqrt[3]{x^2} =$$

b) 
$$\frac{\sqrt{72}}{\sqrt[4]{27}} =$$

Simplifica todo lo que puedas, aplicando convenientemente las propiedades de los radicales. Extrae factores caso de que sea posible. (2 puntos; 1 punto por apartado)

a) 
$$(\sqrt[4]{2}\sqrt{3})^6 =$$

b) 
$$\sqrt[3]{\sqrt[4]{9}} =$$

Dados los polinomios:

$$P(x) = -2x^4 + x^2 - 3x + 1$$
,  $Q(x) = 2x^3 + x^2 + 1$   $R(x) = -x^2 - 2x + 2$ 

realiza las siguientes operaciones y ordena el polinomio resultante. (4 puntos; 1 punto por apartado)

a) 
$$P(x)-Q(x)-R(x)$$

a) 
$$P(x)-Q(x)-R(x)$$
 b)  $Q(x)-2P(x)+3R(x)$ 

c) 
$$Q(x) \cdot R(x)$$

d) 
$$[R(x)+Q(x)]\cdot P(x)$$

Realiza la división  $P(x) \div R(x)$ , donde P(x) y R(x) son los mismos polinomios del ejercicio anterior. Indica quién es el cociente y el resto. (1 punto)

5. Realiza la división  $(-3x^6 - x^5 + 2x^3 - x + 3) \div (x+1)$  utilizando la regla de Ruffini. Indica quién es el cociente y el resto. (1 punto)

Hallar el valor de k para que al efectuar la división  $\left(-3x^3+x^2-kx+3\right)\div(x+1)$  el resto sea 0 (división exacta). (1 punto)

Consejo: en los ejercicios de raíces, antes de aplicar las propiedades, debes de factorizar previamente aquellos números que no sean primos.

Radicales. Polinomios 3º ESO

## Soluciones:

1. a) 
$$\sqrt{x} \sqrt[3]{x^2} = \sqrt[6]{x^3} \sqrt[6]{x^4} = \sqrt[6]{x^7} = x \sqrt[6]{x}$$
  
b)  $\frac{\sqrt{72}}{\sqrt[4]{27}} = \frac{\sqrt{2^3 \cdot 3^2}}{\sqrt[4]{3^3}} = \sqrt[4]{\frac{2^6 \cdot 3^4}{\sqrt[4]{3^3}}} = \sqrt[4]{\frac{2^6 \cdot 3^4}{3^3}} = \sqrt[4]{2^6 \cdot 3} = 2\sqrt[4]{2^2 \cdot 3} = 2\sqrt[4]{12}$ 

2. a) 
$$\left(\sqrt[4]{2}\sqrt{3}\right)^6 = \sqrt[4]{2^6}\sqrt{3^6} = \sqrt[4]{2^6}\sqrt[4]{3^{12}} = \sqrt[4]{2^6 \cdot 3^{12}} = 3^3 \cdot 2\sqrt[4]{2^2} = 54\sqrt{2}$$
  
b)  $\sqrt{\sqrt[3]{\sqrt[4]{9}}} = \sqrt[24]{3^2} = \sqrt[12]{3}$ 

3. a) 
$$P(x)-Q(x)-R(x) = (-2x^4+x^2-3x+1)-(2x^3+x^2+1)-(-x^2-2x+2) =$$
 $=-2x^4+x^2-3x+1-2x^3-x^2-1+x^2+2x-2=-2x^4-2x^3+x^2-x-2$ 
b)  $Q(x)-2P(x)+3R(x) = (2x^3+x^2+1)-2(-2x^4+x^2-3x+1)+3(-x^2-2x+2) =$ 
 $=2x^3+x^2+1+4x^4-2x^2+6x-2-3x^2-6x+6=4x^4+2x^3-4x^2+5$ 
c)  $Q(x)\cdot R(x) = (2x^3+x^2+1)(-x^2-2x+2) =$ 
 $=-2x^5-4x^4+4x^3-x^4-2x^3+2x^2-x^2-2x+2=-2x^5-5x^4+2x^3+x^2-2x+2$ 
d)  $[R(x)+Q(x)]\cdot P(x) = [(-x^2-2x+2)+(2x^3+x^2+1)](-2x^4+x^2-3x+1) =$ 
 $=(2x^3-2x+3)(-2x^4+x^2-3x+1)=-4x^7+2x^5-6x^4+2x^3+4x^5-2x^3+6x^2-2x$ 
 $-6x^4+3x^2-9x+3=-4x^7+6x^5-12x^4+9x^2-11x+3$ 

4. 
$$-2x^4 + x^2 - 3x + 1$$
  $-x^2 - 2x + 2$ 

$$2x^4 + 4x^3 - 4x^2 2x^2 - 4x + 11$$

$$4x^3 - 3x^2 - 3x + 1$$

$$-4x^3 - 8x^2 + 8x$$

$$-11x^2 + 5x + 1$$

$$11x^2 + 22x - 22$$

Cociente:  $C(x) = 2x^2 - 4x + 11$ ; Resto: R(x) = 27x - 21

## lasmatemáticas.eu - Pedro Castro Ortega materiales de matemáticas

3° ESO Radicales. Polinomios

5. El dividendo ordenado es  $-3x^6 - x^5 + 2x^3 - x + 3$ . El divisor es x + 1. Aplicando la regla de Ruffini con x = -2tenemos:

Cociente:  $C(x) = -3x^5 + 2x^4 - 2x^3 + 4x^2 - 4x$ 

6. Aplicando la regla de Ruffini:

Entonces, como el resto de la división es 0, k+7=0, y entonces k=-7.